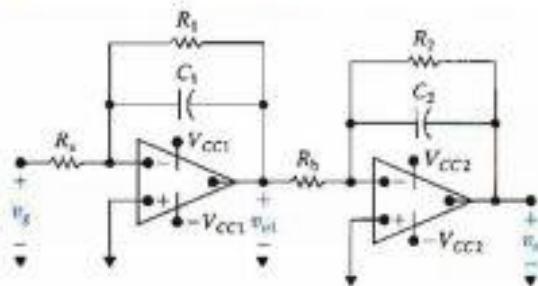


PRIMER EXAMEN PARCIAL (30 %)

PROBLEMA 1 (10 p)

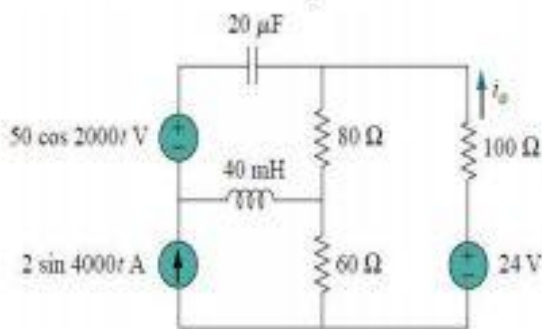
Dado el siguiente circuito:



- a) (4 pts) Determine la ecuación diferencial de segundo orden para $V_o(t)$ en función de un $V_g(t)$.
- b) (6 pts) Determine la respuesta completa de $V_o(t)$ para todo $t > 0$ si:
- $R_a = R_2 = 100 \text{ K}\Omega$, $R_1 = 500 \text{ K}\Omega$, $R_b = 25 \text{ K}\Omega$
 - $C_1 = 0,1 \mu\text{F}$, $C_2 = 1 \mu\text{F}$
 - $V_g(t) = 250 u(t) \text{ [mV]}$
 - Condensadores descargados en $t = 0$

PROBLEMA 2 (10 p)

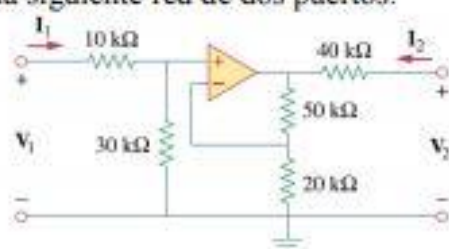
Dado el circuito de la figura.



- a) (10 pts) Encuentre i_0 utilizando el principio de superposición. (3.33 pts/parte)

PROBLEMA 3 (10 p)

Dada la siguiente red de dos puertos:



Halle:

- a) Los parámetros "Z": $[Z]$ (5 pts)
- b) Los parámetros de transmisión: $[T]$ (5 pts)

Problema 1

Comenzamos haciendo corto virtual en el primer opam y aplicamos nodos.

$$\frac{0 - V_g}{R_a} + \frac{0 - V_{o1}}{R_1} + C_1 \frac{d}{dt} (0 - V_{o1}) = 0$$

$$\frac{dV_{o1}}{dt} + \frac{V_{o1}}{R_1 C_1} + \frac{V_g}{R_a C_1} = 0 \quad [1]$$

ahora aplicamos nodos en el segundo OPAM (Integrador)

$$\frac{0 - V_{o1}}{R_b} + \frac{0 - V_o}{R_2} + C_2 \frac{d}{dt} (0 - V_o) = 0$$

$$\frac{dV_o}{dt} + \frac{V_o}{R_2 C_2} = -\frac{V_{o1}}{R_b C_2} \quad \Leftarrow \text{derivamos}$$

$$\frac{d^2 V_o}{dt^2} + \left(\frac{dV_o}{dt} \right) \left(\frac{1}{R_2 C_2} \right) = -\frac{dV_{o1}}{dt} \quad \Leftarrow \text{sustituimos [1]}$$

$$\frac{d^2 V_o}{dt^2} + \frac{dV_o}{dt} \left(\frac{1}{R_2 C_2} \right) = \frac{1}{R_b C_2} \left[\frac{V_{o1}^*}{R_1 C_1} + \frac{V_g}{R_a C_1} \right]$$

ahora hallamos V_{o1} despejamos \rightarrow

$$V_{o1} = -R_b C_2 \frac{dV_o}{dt} - \frac{R_b C_2}{R_2 C_2} V_o$$

quedando

$$\frac{d^2 V_o}{dt^2} + \left[\frac{1}{R_2 C_2} + \frac{1}{R_1 C_1} \right] \frac{dV_o}{dt} + \left[\frac{1}{R_2 C_2 R_1 C_1} \right] V_o = \frac{V_g}{R_a C_1 R_b C_2}$$

Resolviendo la ecuación característica tenemos como solución

$$s_1 = \frac{-1}{R_1 C_1}$$

$$s_2 = \frac{-1}{R_2 C_2}$$

(b) Sustituyendo los valores la ec. diferencial queda

$$\frac{d^2 V_0}{dt^2} + 30 \frac{dV_0}{dt} + 200 V_0 = 1000$$

$$\text{ent } t = \infty \quad V_0(\infty) = 5V$$

La solución viene dada por

$$V_0 = 5 + A_1 e^{-10t} + A_2 e^{-20t}$$

si tomamos los capacitores des cargados ($V_0(0) = 0$)

$$A_1 = -10 \quad A_2 = 5$$

$$V_0(t) = 5 - 10e^{-10t} + 5e^{-20t} \quad t \geq 0$$

Resuelto por:
Carlos Padilla
15-11061

Notificar cualquier error
04243461177

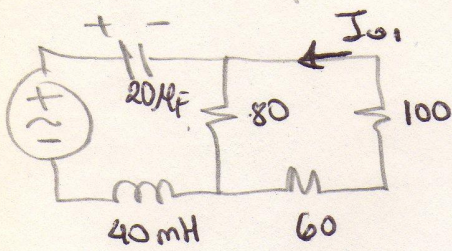
Problema 2

Debido a diferentes ω haremos superposición

$$I_0 = I_{01} + I_{02} + I_{03}$$

AC DC AC

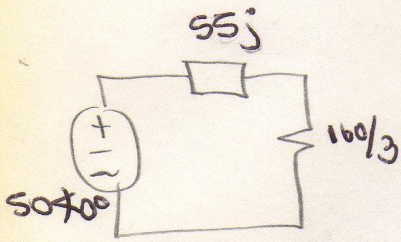
si dejamos prendida sola la fuente de $\omega = 2000 \text{ rad/seg}$



$$20 \mu\text{F} = \frac{1}{j\omega C} = -j25$$

$$40 \text{ mH} = j\omega L = j80$$

$$50 \cos(2000t) = 50 \angle 0^\circ$$



$$I_A = \frac{30}{32 + j33}$$

Usando división de voltaje y tomando el cuenta el sentido

$$I_0 = \frac{-80}{80 + 160}$$

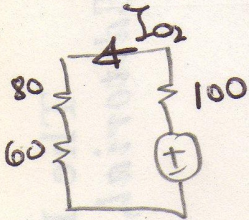
$$I_A = \frac{10 \angle 180^\circ}{46 \angle 45.9^\circ}$$

$$\Rightarrow I_0 = 0,217 \angle 134,1^\circ \text{ A}$$

$$I_0 = 0,217 \cos(2000t + 134,01^\circ) \text{ A}$$

Para I_{02} es más fácil

recordando que el capacitor es un abierto y el inductor un cable.



$$I_{02} = \frac{24}{80 + 60 + 100} = 0,1 \text{ A}$$

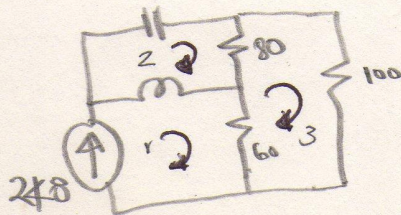
¡puntos fáciles!

Para I_{03} dejamos prendida la fuente de $\omega = 4000 \text{ rad/seg}$

$$2 \cos(4000t) \rightarrow 2 \angle 0^\circ$$

$$40 \text{ mH} \rightarrow j\omega L = j160$$

$$20 \mu\text{F} \rightarrow \frac{1}{j\omega C} = -j(12,5)$$



aplícamos mallas
en malla 2

$$[80 + j160 - j(15)] I_2 - j160 I_1 - 80 I_3$$

$\uparrow 240^\circ$

$$(18 + j14,75) I_2 - 8 I_3 = j32$$

(1)

en malla 3

$$240 I_3 - 60 I_1 - 80 I_2 = 0$$

$$I_2 = \frac{-6}{8}(2) + \frac{24}{8} I_3$$

$$I_2 = 3 I_3 - 1,5 \quad (2)$$

(2) en (1) tenemos que

$$(16 + j44,25) I_3 = (12 + j54,125)$$

$$I_3 = 1,1782 \angle 7,38^\circ$$

$$I_{03} = -I_3 = -1,1782 \angle 7,38^\circ$$

$$I_{03} = -1,1782 \sin(4000t + 7,38^\circ) \text{ A}$$

en conclusión

$$I_0 = I_{01} + I_{02} + I_{03}$$

$$I_0 = 0,1 + 0,217 \cos(2000t + 134,1^\circ) - 1,1782 \sin(4000t + 7,38^\circ) \text{ A}$$

Resuelto por
Carlos Padilla
15-11061

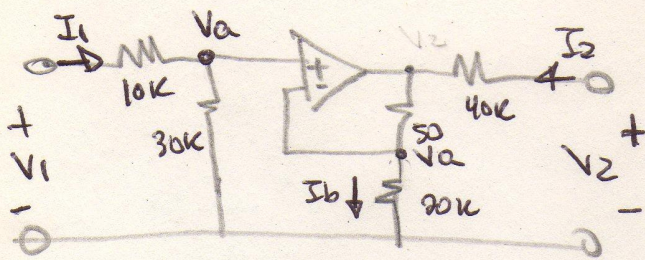
Notificar errores: 04243461197

Problema 3

Redes de dos puertos

con $V_2 = 0$

$$V_1 = 40K I_1 \quad \leftarrow Z_{11}$$



$$V_a = \frac{3}{4} V_1$$

$$I_b = \frac{V_a}{20K} = \frac{3}{80K} V_1$$

hacemos una malla

$$V_2 = (40K) I_2 + (50 + 20)K I_b$$

$$V_2 = 105K I_1 + 40K I_2$$

tenemos dos ecuaciones

$$\begin{cases} V_1 = 40K I_1 \\ V_2 = 105K I_1 + 40K I_2 \end{cases}$$

con $V_2 = 0$

$$Z_{11} = 40K$$

$$Z_{12} = 0$$

con $V_1 = 0$

$$Z_{22} = 40K$$

$$Z_{21} = 105K$$

$$[Z] = \begin{bmatrix} 40K & 0 \\ 105K & 40K \end{bmatrix}$$

$$[T] = \begin{bmatrix} \frac{Z_{11}}{Z_{21}} & \frac{\Delta Z}{Z_{21}} \\ \frac{1}{Z_{21}} & \frac{Z_{22}}{Z_{21}} \end{bmatrix}$$

$$\text{con } \Delta Z = 15 \times 10^8$$

finalmente queda

$$I = \begin{bmatrix} 0,381 & 15,24 \text{ } \mu\Omega \\ 9,57 \text{ } \mu\text{s} & 0,381 \end{bmatrix}$$

$$s = \frac{1}{r}$$

Resuelto por:
Carlos Padilla
15-11061
04243061177